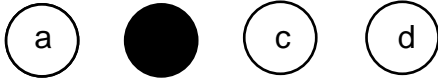


CAMPUS CAMAQUÃ  
**INSTRUÇÕES GERAIS**

- 1 - Este caderno de prova é constituído por 40 (quarenta) questões objetivas.
- 2 - A prova terá duração máxima de 04 (quatro) horas.
- 3 - Para cada questão são apresentadas 04 (quatro) alternativas (a – b – c – d). **APENAS UMA delas** constitui a resposta CORRETA.
- 4 - Após conferir os dados contidos no campo “Identificação do Candidato” no Cartão de Resposta, assine no espaço indicado.
- 5 - As alternativas assinaladas deverão ser transcritas para o Cartão de Resposta, que é o único documento válido para correção eletrônica.
- 6 - Marque o Cartão de Resposta conforme o exemplo abaixo, com caneta esferográfica azul ou preta, de ponta grossa:  


- 7 - Em hipótese alguma haverá substituição do Cartão de Resposta.
- 8 - Não deixe nenhuma questão sem resposta.
- 9 - O preenchimento do Cartão de Resposta deverá ser feito dentro do tempo previsto para esta prova, ou seja, 04 (quatro) horas.
- 10 - Serão anuladas as questões que tiverem mais de uma alternativa marcada, emendas e/ou rasuras.
- 11 - O candidato só poderá retirar-se da sala de prova após transcorrida 01 (uma) hora do seu início.
- 12 - Não é permitido o uso de calculadora.
- 13 - O verso da prova pode ser usado como rascunho.

***BOA PROVA!***

**01.** Considerem-se os conjuntos  $A = \{x \in \mathbb{Z} \mid 4x^2 + 8x - 60 < 0\}$  e  $B = \{x \in \mathbb{Z} \mid |x + 3| \leq 3\}$ .

Então, o conjunto  $A \cap B$  possui exatamente

- a) dois elementos.
- b) sete elementos.
- c) cinco elementos.
- d) nove elementos.

**02.** Considerem-se  $f$  e  $g$  funções reais de variável real, tais que  $f(x) = x^2 - x - 1$  e  $g(x) = x^2 - 3$ .  
Seja  $(f \circ g)$  a função composta definida por  $(f \circ g)(x) = f(g(x))$ .

Neste caso,  $(f \circ g)(1) + (f \circ g)(-1)$  é igual a

- a) 0
- b) 5
- c) -10
- d) 10

**03.** O quadro a seguir apresenta algumas temperaturas correspondentes nas escalas Kelvin ( $T_K$ ), Celsius ( $T_C$ ) e Fahrenheit ( $T_F$ ):

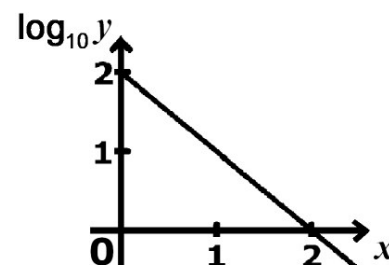
	$T_K$	$T_C$	$T_F$
Ponto de ebulição da água	373 K	100 °C	212 °F
Ponto de congelamento da água	273 K	0 °C	32 °F

Sabe-se que as relações entre as escalas de temperaturas, duas a duas, são dadas por funções afins.

Desse modo, as relações entre as escalas Kelvin e Celsius e entre as escalas Kelvin e Fahrenheit são dadas, respectivamente, por

- a)  $T_C = T_K - 273^\circ$  e  $T_F = \frac{9}{5}T_K - 2297^\circ$
- b)  $T_C = 273^\circ - T_K$  e  $T_F = \frac{2297^\circ - 9T_K}{5}$
- c)  $T_C = 373^\circ - T_K$  e  $T_F = \frac{T_K - 2297^\circ}{5}$
- d)  $T_C = T_K - 273^\circ$  e  $T_F = \frac{9T_K - 2297^\circ}{5}$

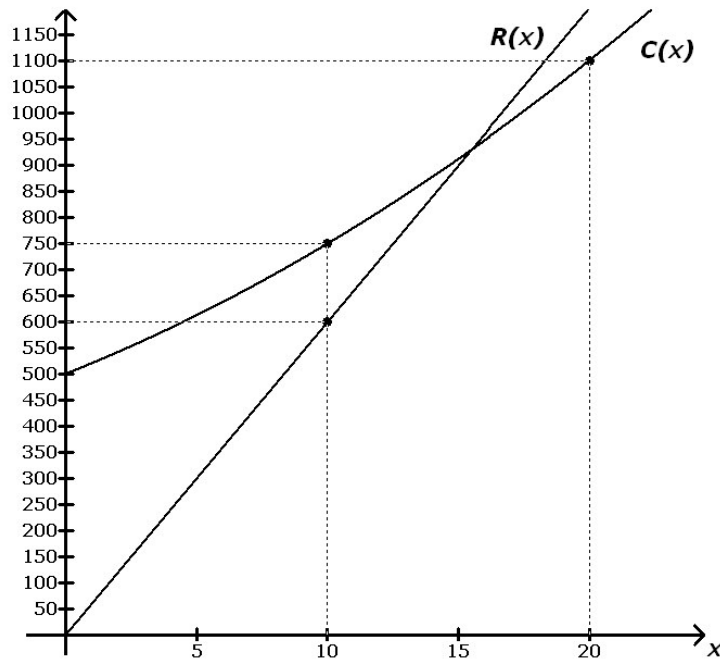
**04.** Um pesquisador suspeita de que o fenômeno que ele está estudando pode ser modelado por uma função do tipo  $y(x) = a \cdot b^x$ , com  $a > 0$ ,  $b > 0$ ,  $b \neq 1$ ,  $x \in \mathbb{R}$  e  $y > 0$ . Ele insere os pontos de coordenadas  $(x, \log_{10} y)$  em um sistema de eixos retangulares com escalas lineares e verifica que esses pontos estão alinhados. O gráfico obtido é mostrado a seguir:



A função  $y(x) = a \cdot b^x$ , encontrada pelo pesquisador, é

- a) função crescente.
- b)  $y(0) = 2$
- c)  $y(2) = 0$
- d)  $a = 100$  e  $b = 0,1$

**05.** Os gráficos a seguir representam, num mesmo sistema de coordenadas, as funções custo e receita na fabricação e comercialização de certo produto. A função custo  $C$ , em reais, é uma função quadrática do número  $x$  de produtos fabricados e a função receita  $R$ , em reais, é uma função linear do número  $x$  de produtos vendidos.



Sabendo-se que o lucro é dado por  $L(x) = R(x) - C(x)$  e que a empresa vende todos os produtos fabricados num certo período, o lucro máximo é

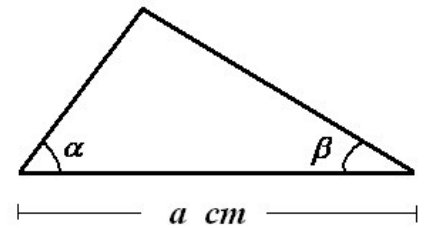
- a) R\$ 300,00
- b) R\$ 40,00
- c) R\$ 912,50
- d) R\$ 150,00

**06.** A posição  $x$  de um objeto em movimento harmônico simples é dada, em função do tempo  $t$ , por  $x(t) = \frac{3\sqrt{3}}{2} \cdot \text{sen}(2t) + \frac{3}{2} \cdot \text{cos}(2t)$ , onde  $x$  é medido em metros e  $t$ , em segundos.

Reescrevendo a expressão na forma  $x(t) = A \cdot \text{sen}(2t + \varphi)$ , encontra-se

- a)  $x(t) = 3 \cdot \text{sen}\left(2t + \frac{\pi}{6}\right)$
- b)  $x(t) = \sqrt{3} \cdot \text{sen}\left(2t + \frac{\pi}{3}\right)$
- c)  $x(t) = 9 \cdot \text{sen}\left(2t + \frac{\pi}{6}\right)$
- d)  $x(t) = 3 \cdot \text{sen}\left(2t + \frac{\pi}{3}\right)$

07. A área  $A$  em  $\text{cm}^2$  do triângulo plano ao lado pode ser calculada, em função de  $a$ ,  $\alpha$  e  $\beta$ , pela expressão



a)  $A = a^2 \left( \frac{\text{tg}\alpha \cdot \text{tg}\beta}{\text{tg}\alpha + \text{tg}\beta} \right)$

b)  $A = \frac{a^2}{2} \left( \frac{\text{tg}\alpha \cdot \text{tg}\beta}{\text{tg}\alpha + \text{tg}\beta} \right)$

c)  $A = a^2 \left( \frac{\text{tg}\alpha \cdot \text{tg}\beta}{\text{tg}\alpha - \text{tg}\beta} \right)$

d)  $A = \frac{a^2}{2} \left( \frac{\text{tg}\alpha \cdot \text{tg}\beta}{\text{tg}\alpha - \text{tg}\beta} \right)$

08. A representação trigonométrica do número complexo  $z = \frac{1+i}{1-i} + \frac{3}{i}$  é

a)  $z = 2(\cos 270^\circ + i \text{sen} 270^\circ)$

b)  $z = \sqrt{2}(\cos 270^\circ + i \text{sen} 270^\circ)$

c)  $z = 2(\cos 90^\circ + i \text{sen} 90^\circ)$

d)  $z = \sqrt{2}(\cos 90^\circ + i \text{sen} 90^\circ)$

09. Considere o número complexo  $z = \frac{(i-5)^{89} \cdot (5+i)^{80} \cdot i^{27}}{(-i-5)^{81} \cdot (5-i)^{88}}$ , no qual  $i$  é a unidade imaginária.

Simplificando o número  $z$ , obtém-se

a)  $\frac{-12i-5}{12}$

b)  $\frac{-12i-5}{13}$

c)  $\frac{12i-5}{12}$

d)  $\frac{12i-5}{13}$

10. Uma senha bancária é composta por 6 caracteres escolhidos entre 10 algarismos e 26 letras.

O número total de senhas que podem ser formadas é determinado por

a)  $26 \times 10$

b)  $2^{12} \times 3^{12}$

c)  $6^{36}$

d)  $36 \times 35 \times 34 \times 33 \times 32 \times 31$

**11.** Uma urna contém 100 bolinhas idênticas numeradas de 1 a 100. Retira-se da urna uma bolinha ao acaso, registra-se o número correspondente e repõe-se a bolinha na urna. A operação é repetida novamente.

Admitindo-se probabilidades iguais para a retirada de qualquer bolinha, a probabilidade de terem sido sorteados dois números primos é

- a) 0,5
- b) 0,25
- c) 0,625
- d) 0,0625

**12.** Um tetraedro sólido tem suas faces numeradas de 1 a 4. Sabe-se que a probabilidade de ocorrer qualquer um dos quatro números na face inferior é inversamente proporcional a esse número.

Nestas condições, a probabilidade de ocorrer um número par é igual a

- a)  $\frac{9}{25}$
- b)  $\frac{6}{25}$
- c)  $\frac{3}{5}$
- d)  $\frac{3}{25}$

**13.** A média aritmética de 10 números inteiros é 18,5. Sabe-se que eles formam uma Progressão Aritmética de razão 3.

A mediana dessa sequência de números é

- a) 11,5
- b) 17
- c) 20
- d) 18,5

**14.** Uma escola, a fim de verificar o rendimento de seus alunos, resolveu aplicar um simulado para o Enem constando 15 questões de Matemática. A prova foi aplicada somente para alunos que cursavam o terceiro ano do Ensino Médio. Os dados do número de acertos desses alunos constam na tabela de frequências.

A porcentagem de alunos que acertaram de 8 a 12 questões foi, aproximadamente,

- a) 60,11%
- b) 61,11%
- c) 62,11%
- d) 63,11%

Número de acertos	Frequência
13	2
12	5
11	10
10	13
9	12
8	15
7	11
6	8
5	7
4	5
3	2

**15.** As afirmações a seguir referem-se ao polinômio com coeficientes reais  $p(X) = X^5 - X^4 - X + 1$ .

Assinale V quando a afirmativa for verdadeira e F quando for falsa.

- ( )  $p(X)$  é divisível por  $d(X) = X + 1$
- ( )  $p(1) = 0$
- ( ) Todas as raízes de  $p(X)$  são números reais.
- ( ) A soma das raízes de  $p(X)$  é igual a zero.
- ( ) O número real 1 é raiz de multiplicidade 3 de  $p(X)$ .

A sequência correta de cima para baixo, é

- a) F - V - F - V - V.
- b) F - V - V - F - F.
- c) V - V - F - F - F.
- d) V - F - F - F - V.

**16.** Sejam  $A = \begin{bmatrix} 2\text{sen}x & 2 & 6 \\ 0 & -2 & 2 \end{bmatrix}$ ,  $B = \begin{bmatrix} 1 & -1 \\ 0 & 2 \end{bmatrix}$ ,  $C = \begin{bmatrix} 1 & \frac{1}{2} \\ 2 & 0 \\ 6 & 4 \end{bmatrix}$  e a equação matricial  $A' \cdot B^{-1} = C$ ,

onde  $A'$  é a matriz transposta de  $A$  e  $B^{-1}$  é a matriz inversa de  $B$ .

Os valores de  $x \in [0, 2\pi]$  que satisfazem a equação são:

- a)  $\frac{\pi}{3}$  e  $\frac{2\pi}{3}$
- b)  $\frac{\pi}{3}$  e  $\frac{5\pi}{6}$
- c)  $\frac{\pi}{6}$  e  $\frac{2\pi}{3}$
- d)  $\frac{\pi}{6}$  e  $\frac{5\pi}{6}$

**17.** O desenvolvimento do determinante de uma matriz, através de cofatores, pode ser feito com os elementos de qualquer linha ou qualquer coluna.

Sabendo que  $\begin{vmatrix} 1 & -1 & 0 & 0 \\ 0 & x & 1 & 1 \\ -y^2 & 0 & x & 1 \\ 0 & 4 & 0 & 1 \end{vmatrix} = 9$ , a expressão resultante é a equação de uma

circunferência.

Desse modo, o centro e o raio da circunferência são, respectivamente,

- a)  $C(-2,0)$  e  $r = 3$
- b)  $C(-2,0)$  e  $r = 9$
- c)  $C(2,0)$  e  $r = 3$
- d)  $C(2,0)$  e  $r = 9$

**18.** Três irmãos foram a um mercado comprar doces. O irmão mais velho comprou 3 chocolates, 2 pirulitos e 5 balas, gastando R\$ 7,75; o irmão do meio comprou 2 chocolates, 3 pirulitos e o dobro de balas do irmão mais velho, gastando R\$ 8,50; o irmão mais novo comprou 2 chocolates, 5 pirulitos e 4 balas, gastando R\$ 9,00.

Considerando que o preço dos chocolates, pirulitos e balas seja o mesmo em todos os casos mencionados, quanto os três irmãos gastaram juntos em chocolates?

- a) R\$ 10,50
- b) R\$ 11,50
- c) R\$ 12,25
- d) R\$ 10,00

**19.** O estudo dos sólidos geométricos nos ajuda a resolver algumas situações do dia-a-dia, por exemplo, o cálculo do volume de chuvas. Considere um recipiente em forma de cilindro reto, cuja área total mede  $128\pi \text{ cm}^2$  e cujo diâmetro da base mede  $8 \text{ cm}$ .

Qual o volume de água acumulada no recipiente em um dia de chuva quando este encher  $\frac{2}{3}$  de sua altura?

- a)  $192\pi \text{ cm}^3$
- b)  $128\pi \text{ cm}^3$
- c)  $64\pi \text{ cm}^3$
- d)  $256\pi \text{ cm}^3$

**20.** É comum utilizar caixas decoradas, de vários tamanhos e modelos, como pacotes para presentes. Uma loja de perfumaria decide confeccionar caixas para presente em forma de prisma hexagonal regular reto. Essas caixas terão como medidas: aresta lateral medindo  $20 \text{ cm}$  e aresta da base,  $10 \text{ cm}$ .

Quantos centímetros quadrados de papelão decorativo são necessários para a confecção de uma dessas caixas?

- a)  $(300\sqrt{3}+1200) \text{ cm}^2$
- b)  $(100\sqrt{3}+1200) \text{ cm}^2$
- c)  $(600\sqrt{3}+1200) \text{ cm}^2$
- d)  $(50\sqrt{3}+1200) \text{ cm}^2$

**21.** Um balão esférico tem seu raio aumentado de  $R$  para  $3R$ . Seja  $V_1$  o volume da esfera de raio  $R$  e  $V_2$  o volume da esfera de raio  $3R$ .

Nessas condições, a razão  $\frac{V_1}{V_2}$  vale

- a)  $\frac{1}{3}$
- b)  $\frac{1}{9}$
- c)  $\frac{1}{27}$
- d)  $3$

**22.** Três amigos encontram-se em pontos distintos da cidade: no cinema, na livraria e no parque. Considere um sistema de coordenadas cartesianas no plano, com origem no ponto  $(0,0)$  em que o cinema localiza-se no ponto  $A(5, 2)$ , a livraria, no ponto  $B(2, 5)$  e o parque, no ponto  $C(-2, -3)$ .

Sabendo que a rua que liga o cinema à livraria é retilínea, qual a distância entre o parque e essa rua?

- a)  $6\sqrt{2}$  u.c.
- b)  $\frac{12\sqrt{13}}{13}$  u.c.
- c) 12 u.c.
- d)  $\sqrt{74}$  u.c.

**23.** Suponha que uma roda de bicicleta seja uma circunferência cuja equação é dada por  $x^2 + y^2 - 40x - 18y + 81 = 0$ . Considere  $\pi \cong 3,14$  e o raio da circunferência medido em cm.

Quando tal roda fizer 5000 voltas, ela irá percorrer, aproximadamente,

- a) 62,8 km.
- b) 628 km.
- c) 6,28 km.
- d) 0,628 km.

**24.** A partir da intersecção de quatro retas, podemos formar, por exemplo, um trapézio. Considere as retas  $y = x$ ,  $y = 0$ ,  $y = 2$  e  $y = -x + 8$ .

A área do trapézio definido pela intersecção dessas retas vale

- a) 8 u.a.
- b) 24 u.a.
- c) 12 u.a.
- d) 32 u.a.

**25.** A elipse representada pela equação  $9x^2 + 25y^2 - 54x + 200y + 256 = 0$  tem seus eixos de simetria medidos em centímetros.

A melhor aproximação para a área dessa elipse, considerando  $\pi \cong 3,14$ , é

- a) 78,5  $\text{cm}^2$
- b) 706,5  $\text{cm}^2$
- c) 47,1  $\text{cm}^2$
- d) 28,26  $\text{cm}^2$



**26.** Um produto interno em um espaço vetorial  $V$  é uma função que associa um número real a cada par de vetores em  $V$ , satisfazendo certos axiomas. Um exemplo de aplicação dos produtos internos é a determinação do trabalho realizado por uma força ao deslocar um objeto. Se  $\vec{u} = u_x\vec{i} + u_y\vec{j} + u_z\vec{k}$  e  $\vec{v} = v_x\vec{i} + v_y\vec{j} + v_z\vec{k}$  são vetores no  $\mathbb{R}^3$ , onde os vetores  $\vec{i}$ ,  $\vec{j}$  e  $\vec{k}$  formam a base canônica de  $\mathbb{R}^3$ , então a expressão  $\langle \vec{u}, \vec{v} \rangle = u_x v_x + u_y v_y + u_z v_z$  define um produto interno, também chamado de produto escalar ou produto interno euclidiano. Sabe-se que é nulo o trabalho realizado pela força  $\vec{F} = 3\vec{i} + 2\vec{j} - \vec{k}$  medida em Newton ao mover um objeto segundo o deslocamento  $\vec{d} = -2\vec{i} + d_y\vec{j} + 4\vec{k}$ , medido em metros. Neste caso, afirmam-se:

- I.  $\cos\theta = 0$ , onde  $\theta$  é o ângulo formado por  $\vec{F}$  e  $\vec{d}$ .
- II.  $\|\vec{F}\| = \sqrt{14}$ , onde  $\|\vec{F}\|$  indica o módulo do vetor força.
- III.  $\vec{d} = -2\vec{i} + 5\vec{j} + 4\vec{k}$

Estão corretas as afirmativas

- a) I, II e III.
- b) I e II apenas.
- c) I e III apenas.
- d) II e III apenas.

**27.** O uso de vetores pode nos auxiliar na solução de alguns problemas, por exemplo, no cálculo de distâncias, áreas e volumes. Sejam  $u = (1, -1, 1)$ ,  $v = (1, 0, 2)$ ,  $w_1 = 2u - 3v$  e  $w_2 = u - v$  vetores pertencentes a  $\mathbb{R}^3$ .

A área do triângulo definido pelos vetores  $w_1$  e  $w_2$  é

- a)  $\frac{\sqrt{6}}{3}$  u.a.
- b)  $\sqrt{6}$  u.a.
- c) 2 u.a.
- d)  $\frac{\sqrt{6}}{2}$  u.a.

**28.** Um subespaço vetorial é um subconjunto não-vazio de um espaço vetorial  $V$ , sendo este subconjunto, ainda, um espaço vetorial em relação à adição e à multiplicação por escalar definidas em  $V$ . Considere os subespaços de  $\mathbb{R}^4$ ,  $U = \{(x, y, z, t) \in \mathbb{R}^4 \mid x - y = 0; t = 2z\}$  e  $W = \{(x, y, z, 0) \in \mathbb{R}^4 \mid x + y - z = 0\}$ .

A  $\dim(U + W)$  e  $\dim(U \cap W)$  são, respectivamente,

- a) 3 e 1
- b) 4 e 1
- c) 2 e 2
- d) 4 e 0

**29.** Seja  $V = \mathbb{R}^5$  um espaço vetorial e  $U$  um subespaço gerado pelos vetores  $v_1 = (-1, 0, 2, 3, 4)$  e  $v_2 = (0, 1, -1, 2, 5)$ .

Qual o subespaço  $U$  gerado por  $[v_1, v_2]$ ?

- a)  $U = \{(-x, y, 2x + y, 3x - 2y, 4x - 5y) \in \mathbb{R}^5 \mid x, y \in \mathbb{R}\}$   
 b)  $U = \{(x, y, -2x - y, -3x + 2y, -4x + 5y) \in \mathbb{R}^5 \mid x, y \in \mathbb{R}\}$   
 c)  $U = \{(x, -y, -2x - y, -3x + 2y, -4x + 5y) \in \mathbb{R}^5 \mid x, y \in \mathbb{R}\}$   
 d)  $U = \{(x, y, -2x + y, -3x - 2y, -4x - 5y) \in \mathbb{R}^5 \mid x, y \in \mathbb{R}\}$

**30.** Analise as afirmações a seguir e assinale, V para as verdadeiras e F para as falsas.

- ( ) O conjunto  $S = \{1, 1 - 2t, (t + 1)^2\}$  é uma base do espaço vetorial  $P_2(t)$  de polinômios reais em  $t$  de grau  $\leq 2$ .  
 ( ) O vetor coordenada de  $v = (2, 5) \in \mathbb{R}^2$  em relação à base  $\alpha = \{(-1, 2), (0, -1)\}$  é  $(-2, -1)$ .  
 ( ) No espaço vetorial  $V = M(2, 2)$  (matrizes reais  $2 \times 2$ ), o conjunto  $S = \left\{ \begin{bmatrix} 0 & 1 \\ 2 & -1 \end{bmatrix}, \begin{bmatrix} -3 & 1 \\ 0 & 1 \end{bmatrix}, \begin{bmatrix} 3 & 0 \\ -1 & 2 \end{bmatrix} \right\}$  é linearmente dependente.

A sequência correta, de cima para baixo, é

- a) F - V - V.  
 b) F - F - F.  
 c) V - F - V.  
 d) V - V - V.

**31.** Analise as afirmações a seguir e assinale, V para as verdadeiras e F para as falsas.

- ( ) O versor de um vetor não nulo  $\vec{v}$  é um vetor unitário de mesma direção e sentido contrário de  $\vec{v}$ .  
 ( ) Dois vetores colineares têm necessariamente a mesma direção.  
 ( ) Os vetores  $u = (1, -2, 5)$  e  $v = (-1, -3, -1)$  são ortogonais.  
 ( ) Os vetores  $v_1 = (0, 2, -2)$ ,  $v_2 = (3, 0, -1)$  e  $v_3 = (5, 0, 3)$  são coplanares.

A sequência correta, de cima para baixo, é

- a) F - V - V - F.  
 b) V - F - V - V.  
 c) V - F - F - V.  
 d) F - V - F - F.

**32.** Analise as afirmações a seguir e assinale, V para as verdadeiras e F para as falsas.

- ( ) Se  $T:U \rightarrow W$  é uma transformação linear, então  $T(-u) = -T(u)$ , onde  $u$  é um vetor em  $U$ .
- ( ) Se  $T:U \rightarrow W$  é uma transformação linear, então  $T(0_U) = 0_W$ , onde  $0_U$  é o vetor zero em  $U$  e  $0_W$  é o vetor zero em  $W$ .
- ( ) É linear a transformação  $T: \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^2$  definida por  $T:(x, y, z) = (2x + 3, y - 2z)$ .
- ( ) A matriz da transformação  $T: \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^2$  definida por  $T:(x, y, z) = (x + y - z, x - y + 2z)$  é
 
$$[T] = \begin{bmatrix} 1 & 1 & -1 \\ 1 & -1 & 2 \end{bmatrix}$$

A sequência correta, de cima para baixo, é

- a) F - F - V - F.
- b) V - V - F - V.
- c) F - F - F - V.
- d) V - V - V - F.

**33.** Considerem-se  $v_1 = (1, 1)$  e  $v_2 = (-2, 1)$  autovetores de um operador linear  $T: \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  associados respectivamente aos autovalores  $\lambda_1 = 4$  e  $\lambda_2 = 1$ .

Sendo assim,  $T(3, -2)$  é o vetor

- a)  $(3, -2)$
- b)  $(-2, 3)$
- c)  $(-1, 2)$
- d)  $(2, -3)$

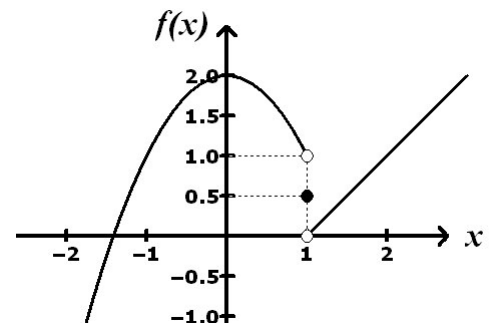
**34.** O valor de  $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{\sqrt{x^3} - 1}{x^3 - 1}$  é encontrado na alternativa

- a) 0
- b)  $\frac{1}{2}$
- c)  $+\infty$
- d) não existe

**35.** Considere a função  $f$ , cujo gráfico é mostrado ao lado:

Se  $a = \lim_{x \rightarrow 1^-} f(x)$ ,  $b = \lim_{x \rightarrow 1^+} f(x)$  e  $c = f(1)$ , então

- a)  $a + b + c = 3$
- b)  $a + b + c = 2$
- c)  $a + b + c = 1,5$
- d)  $a + b + c = 2,5$



**36.** A equação  $x^3 + y^3 = 9xy$ , cujo gráfico é conhecido como Fólio de Descartes, define implicitamente uma função  $y = f(x)$ . Sabe-se que a função  $y = g(x)$ , definida por  $y = ax^2 + b$ , é tangente a  $x^3 + y^3 = 9xy$  no ponto  $(4, 2)$ .

Assim, os valores de  $a$  e  $b$  são

- a)  $a = \frac{5}{32}$  e  $b = \frac{1}{2}$
- b)  $a = \frac{5}{32}$  e  $b = -\frac{1}{2}$
- c)  $a = \frac{5}{4}$  e  $b = -\frac{5}{2}$
- d)  $a = \frac{5}{4}$  e  $b = \frac{5}{2}$

**37.** A população de aguapés num lago represado cobre uma região circular. Sabe-se que a taxa instantânea de crescimento, em relação ao tempo, do raio da região é constante e igual a 800 metros por ano.

Sendo assim, a taxa instantânea de crescimento, em relação ao tempo, da superfície coberta por aguapés, quando o raio for igual a 4000 m, é

- a)  $64\pi$  km<sup>2</sup>
- b)  $640\pi$  km<sup>2</sup>
- c)  $6,4\pi$  km<sup>2</sup>
- d)  $0,64\pi$  km<sup>2</sup>

**38.** Sobre uma função  $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$  afirmam-se:

I. Se  $f$  é diferenciável em  $a \in \mathbb{R}$ , então  $f$  é contínua em  $a$ .

II. Se  $f$  é contínua em  $a \in \mathbb{R}$ , então  $f$  é diferenciável em  $a$ .

III. A função  $f(x): \begin{cases} x^2 + 1, & \text{se } x \leq 1 \\ -x^2 + 3, & \text{se } x > 1 \end{cases}$  é contínua e diferenciável em  $x = 1$ .

Está(ão) correta(s) a(s) afirmativa(s)

- a) I apenas.
- b) I, II e III.
- c) II apenas.
- d) III apenas.

**39.** A área da região limitada pela curva  $y = x^3 - x$  e pelo eixo  $Ox$  vale

- a)  $\frac{1}{4}$  u.a.
- b)  $\frac{1}{2}$  u.a.
- c) 0 u.a.
- d)  $\frac{3}{2}$  u.a.

**40.** O volume do sólido de revolução gerado pela rotação em torno do eixo  $Ox$  da região limitada pela parábola  $y = 2 - x^2$  e pela reta  $y = x + 2$  vale

a)  $\frac{52\pi}{15}$  u.v.

b)  $\frac{\pi}{6}$  u.v.

c)  $\frac{5\pi}{6}$  u.v.

d)  $\frac{8\pi}{15}$  u.v.